

**व्यावहारिक गणित (241)**  
**अंक योजना**  
**बारहवीं कक्षा : (2025-26)**

|          | खंड-क (MCQs) प्रत्येक 1 अंक का   |            |
|----------|--|------------|
| क्रम सं. | उत्तर उत्तर संकेत / मूल्य बिन्दु   | अंक विभाजन |
| 1.       | <p><b>Answer: (A)</b></p> <p>मिश्रण के 1 किग्रा का S. P ₹68.20, लाभ 10%</p> <p>मिश्रण के 1 किग्रा का C. P ₹<math>\left(\frac{100}{110} \times 68.20\right) = ₹62</math></p> <p>मिश्रण के नियम से, हमारे पास है</p> <p>पहली किस्म की 1 किग्रा चाय की कीमत दूसरी किस्म की 1 किग्रा चाय की कीमत</p> <div style="text-align: center;"> </div> <p>∴ आवश्यक अनुपात 3:2</p>                                 | 1          |
| 2.       | <p><b>Answer: (B)</b></p> <p>तीनों द्वारा तय की गई दूरियों का अनुपात इस प्रकार व्यक्त किया जा सकता है</p> <p>A : B : C :: 100 : 90 : 72</p> <p>जब B 90 मीटर की दूरी तय करता है, तो C 72 मीटर की दूरी तय करता है</p> <p>जब B 100 मीटर की दूरी तय करता है, तो C <math>\frac{72}{90} \times 100 = 80</math> मीटर की दूरी तय करता है</p> <p>∴ B, C को (100 – 80)मीटर = 20 मीटर की शुरुआत दे सकता है।</p> | 1          |
| 3.       | <p><b>Answer: (A)</b></p> $\frac{dy}{dx} = \frac{\frac{dy}{dt}}{\frac{dx}{dt}} = \frac{2a}{2at} = \frac{1}{t} \Rightarrow \frac{d^2y}{dx^2} = \frac{d}{dx} \left( \frac{1}{t} \right) = \frac{-1 dt}{t^2 dx} = \frac{-1}{t^2} \left( \frac{1}{2at} \right) = \frac{-1}{2at^3}$ <p>t = 2 पर, <math>\frac{d^2y}{dx^2} = \frac{-1}{2a(2)^3} = \frac{-1}{16a}</math></p>                                 | 1          |
| 4.       | <p><b>Answer: (B)</b></p> <p>I – b – iii; II – c – i; III – a – ii</p>   | 1          |

|     |   |   |
|-----|---|---|
| 5.  | <b>Answer: (C)</b><br>शाश्वतता का वर्तमान मूल्य बढ़ जाएगा क्योंकि ब्याज दर और शाश्वतता का वर्तमान मूल्य विपरीत अनुपात में हैं।  | 1 |
| 6.  | <b>Answer: (B)</b><br>$\frac{k-p}{m}$ सबसे बड़ा तब होगा जब k सबसे बड़ा, p सबसे छोटा और m सबसे छोटा होगा<br>अतः $\frac{k-p}{m} \leq \frac{21-9}{3} = \frac{12}{3} = 4$   | 1 |
| 7.  | <b>Answer: (A)</b><br>$A^2 = I$   | 1 |
| 8.  | <b>Answer: (C)</b><br>$x + 2 = \frac{1}{4}(4x + 6) + \frac{1}{2}$ अतः , $P = \frac{1}{4}$   | 1 |
| 9.  | <b>Answer: (A)</b><br>बढ़ता है तो नमूना वितरण को सामान्य वितरण के करीब पहुंचना चाहिए  | 1 |
| 10. | <b>Answer: (A)</b><br>स्वतंत्रता की डिग्री $= 12 + 10 - 2 = 20$   | 1 |
| 11. | <b>Answer: (C)</b><br>$ P  = 1(12 - 12) - \alpha(4 - 6) + 3(4 - 6) = 2(\alpha - 3)$<br>दिया है $P = adjA \Rightarrow  P  =  adjA  =  A ^2$<br>$\Rightarrow 2(\alpha - 3) = 4^2 = 16 \Rightarrow 2\alpha = 16 + 6 = 22$<br>$\Rightarrow \alpha = 11$ | 1 |
| 12. | <b>Answer: (A)</b><br>$\frac{d}{dx} \left[ \left( \frac{dy}{dx} \right)^3 \right] = 0 \Rightarrow 3 \left( \frac{dy}{dx} \right)^2 \frac{d^2y}{dx^2} = 0$<br>अबकल समीकरण की कोटि 2 है   | 1 |
| 13. | <b>Answer: (C)</b><br>$P = \frac{R}{i}$<br>$\Rightarrow 40000 = \frac{500}{i}$<br>$\Rightarrow i = 0.0125$<br>$\Rightarrow \frac{r}{4} = 0.0125$<br>$\therefore r = 0.0125 \times 4 = 0.05 = 5\%$ प्रतिवर्ष   | 1 |
| 14. | <b>Answer: (B)</b> दिया है $B = -A^{-1}BA \Rightarrow AB = -BA$<br>$\therefore (A + B)^2 = (A + B)(A + B)$<br>$A^2 + AB + BA + B^2 = A^2 - BA + BA + B^2 = A^2 + B^2$   | 1 |



|         |   |   |
|---------|---|---|
| 21(B).  | <p>ज़ाहिर तौर से <math>\sqrt{6} + \sqrt{5} &gt; \sqrt{3} + \sqrt{2} \Rightarrow \frac{(\sqrt{6}+\sqrt{5})(\sqrt{6}-\sqrt{5})}{(\sqrt{6}-\sqrt{5})} &gt; \frac{(\sqrt{3}+\sqrt{2})(\sqrt{3}-\sqrt{2})}{(\sqrt{3}-\sqrt{2})}</math></p> <p><math>\Rightarrow \frac{6-5}{(\sqrt{6}-\sqrt{5})} &gt; \frac{3-2}{(\sqrt{3}-\sqrt{2})} \Rightarrow \frac{1}{(\sqrt{6}-\sqrt{5})} &gt; \frac{1}{(\sqrt{3}-\sqrt{2})}</math></p> <p><math>\Rightarrow \sqrt{6} - \sqrt{5} &lt; \sqrt{3} - \sqrt{2} \Rightarrow \sqrt{5} + \sqrt{3} &gt; \sqrt{6} + \sqrt{2}</math></p> | <p>1/2</p> <p>1</p> <p>1/2</p>              |
| 22.     | <p><math>P(X = 1) + P(X = 2) + P(X = 3) + P(X = 4) = 1</math></p> <p><math>\Rightarrow 1 \times a + 2 \times a + 3 \times a + b = 1</math></p> <p><math>\Rightarrow 6a + b = 1 \dots (i)</math></p> <p><math>E(X) = 1 \times a + 2 \times 2a + 3 \times 3a + 4 \times b = 2.8</math></p> <p><math>\Rightarrow 14a + 4b = 2.8 \dots (ii)</math></p> <p>(i) और (ii) को हल करने पर, हम पाते हैं</p> <p><math>a = 0.12</math> and <math>b = 0.28</math></p>   | <p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1/2+1/2</p>        |
| 23.     | <p><math>CAGR = \left[ \left( \frac{EV}{SV} \right)^{\frac{1}{n}} - 1 \right] \times 100</math></p> <p><math>\Rightarrow 5 = \left[ \left( \frac{125000}{75000} \right)^{\frac{1}{n}} - 1 \right] \times 100</math></p> <p><math>\Rightarrow 1.05 = \left( \frac{5}{3} \right)^{\frac{1}{n}}</math></p> <p><math>\Rightarrow \log(1.05) = \frac{1}{n} \log(1.67)</math></p> <p><math>\Rightarrow n = \frac{0.223}{0.021} = 10.6 \approx 11</math> आवश्यक वर्षों की संख्या</p> <p><math>\therefore 11</math> वर्ष</p>  | <p>1</p> <p>1/2</p> <p>1/2</p>              |
| 24 (A). | <p>यहाँ <math>\lambda = 2</math></p> <p>आवश्यक प्रायिकता <math>= P\left(X = \frac{3}{X} \geq 1\right) = \frac{P(X=3 \cap X \geq 1)}{P(X \geq 1)} = \frac{P(X=3)}{P(X \geq 1)}</math></p> <p><math>P(X = 3) = \frac{2^3 e^{-2}}{3!} = 0.19</math></p> <p><math>P(X \geq 1) = 1 - P(X = 0) = 1 - \frac{2^0 e^{-2}}{0!} = 1 - 0.14 = 0.86</math></p> <p><math>\therefore P\left(X = \frac{3}{X} \geq 1\right) = \frac{0.19}{0.86} = 0.22</math></p> <p style="text-align: center;">अथवा</p>  | <p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1/2</p> |
| 24 (B). | <p><math>\lambda = \frac{2}{1000} \times 5000 = 10</math></p> <p><math>P(1 \text{ से अधिक विफलता}) P(X &gt; 1) = 1 - [P(X = 0) + P(X = 1)]</math></p> <p><math>= 1 - \left[ \frac{10^0 e^{-10}}{0!} + \frac{10^1 e^{-10}}{1!} \right]</math></p> <p><math>= 1 - e^{-10}(1 + 10)</math></p> <p><math>= 1 - 4.54 \times 10^{-5} \times 11</math></p> <p><math>= 1 - 0.0004994 = 0.9995</math> लगभग</p>  | <p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1/2</p> |

|  |   |  |
|--|---|--|
| 25.  | $D = \frac{C - S}{n}$ $\Rightarrow 2500 = \frac{25000 - 12500}{n}$ $\Rightarrow n = \frac{12500}{2500} = 5$ <p>इसलिए, 5 साल बाद मशीन का मूल्य उसके प्रारंभिक मूल्य का आधा हो जाएगा।<br/>6 साल बाद मशीन का मूल्य <math>25000 - 2500 \times 6 = ₹10,000</math></p>  | 1<br><br>½<br><br>½                                  |
| <b>खंड ग</b><br>[इस खंड में लघु उत्तरीय प्रश्न (SA) के हल शामिल हैं, जिनमें से प्रत्येक 3 अंक का है] |   |  |
| 26.  | <p>मान लीजिए धारा के प्रतिकूल गति <math>x</math> किमी/घंटा है और धारा के अनुकूल गति <math>y</math> किमी /घंटा है</p> <p>चूँकि धारा के प्रतिकूल और धारा के अनुकूल दूरी समान है</p> $\therefore 8\frac{4}{5}x = 4y \Rightarrow \frac{44}{5}x = 4y \Rightarrow \frac{y}{x} = \frac{11}{5} \text{--- (i)}$ <p>अब, नाव की गति : धारा की गति <math>\frac{x+y}{2} : \frac{y-x}{2}</math></p> $\Rightarrow \text{(i) } \frac{y+x}{y-x} = \frac{11+5}{11-5} \Rightarrow \frac{\frac{y+x}{2}}{\frac{y-x}{2}} = \frac{8}{3}$ <p><math>\therefore</math> नाव की गति : धारा की गति 8:3</p>   | 1<br><br>1<br><br>1                                  |
| 27 (A).  | <p>दिया गया है <math>y = px^3 + qx^2</math> (i) <math>\Rightarrow \frac{dy}{dx} = 3px^2 + 2qx</math>----- (i)</p> <p>चूँकि <math>x = 1</math> यह एक क्रांतिक बिंदु है <math>\therefore 3p(1)^2 + 2q(1) = 0 \Rightarrow 3p + 2q = 0</math>--- (ii)</p> <p>साथ ही, वक्र <math>(1, -1)</math> से होकर गुजरता है इसलिए <math>-1 = p + q</math>..... (iii)</p> <p>(ii) और (iii) को हल करने पर हमें मिलता है, <math>p = 2</math> और <math>q = -3</math></p> <p>इसका (i) में उपयोग करने पर हमें मिलता है <math>\frac{dy}{dx} = 6x^2 - 6x</math></p> <p>अब दूसरे क्रांतिक बिंदु के लिए, <math>\frac{dy}{dx} = 0 \Rightarrow 6x^2 - 6x = 0 \Rightarrow 6x(x - 1) = 0</math></p> <p>इस प्रकार, दूसरा क्रांतिक बिंदु है <math>\frac{dy}{dx} = 0 \Rightarrow 6x^2 - 6x = 0 \Rightarrow 6x(x - 1) = 0</math><br/><math>\Rightarrow x = 0</math> या <math>x = 1</math></p> <p>इस प्रकार, दूसरा महत्वपूर्ण बिंदु <math>(0, 0)</math> है</p> <p style="text-align: center;"><b>अथवा</b></p> | 1<br><br>½<br><br>1<br><br><br><br><br><br><br><br>½ |
| 27(B).   | $AR(x) = \frac{R(x)}{x} = 15 + \frac{x}{3} - \frac{x^3}{36}$ <p>, अब <math>\frac{d}{dx}AR(x) = 0 \Rightarrow 0 + \frac{1}{3} - \frac{3x^2}{36} = 0</math><br/><math>\Rightarrow x^2 = 4 \Rightarrow x = 2</math> ((क्योंकि <math>x</math> ऋणात्मक नहीं है)</p> <p><math>\Rightarrow x = 2</math>, <math>AR(x)</math> का क्रांतिक बिंदु है</p> <p>अब <math>\frac{d^2[AR(x)]}{dx^2} = 0 - \frac{6(2)}{36} &lt; 0</math> इसलिए <math>AR(x)</math>, <math>x=2</math> पर अधिकतम है</p> $AR(2) = 15 + \frac{2}{3} - \frac{8}{36} = 15 + \frac{4}{9}$ <p>Now, <math>MR(x) = 15 + \frac{2x}{3} - \frac{4x^3}{36} \Rightarrow MR(2) = 15 + \frac{4}{3} - \frac{8}{9} = 15 + \frac{4}{9}</math></p> <p><math>\therefore AR(2) = MR(2)</math></p>  | ½<br><br>½<br><br>½<br><br>½<br><br>½                |

|                      |   |   |
|----------------------|---|---|
| <p><b>28(A).</b></p> | <p><math>C = \text{अंकित मूल्य या परिपक्वता मूल्य,}</math><br/> <math>= ₹56,000,</math><br/> <math>n = \text{आवधिक ब्याज भुगतान की संख्या} = 4 \times 6 = 24</math><br/> उपज दर <math>(i) = \frac{9}{400} = 0.0225</math><br/> <math>R = \text{कूपन भुगतान} = \frac{7 \times 56000}{400} = ₹980</math><br/> बांड का क्रय मूल्य <math>(V) = R \left[ \frac{1 - (1+i)^{-n}}{i} \right] + C(1+i)^{-n}</math><br/> <math>= 980 \left[ \frac{1 - (1+0.0225)^{-24}}{0.0225} \right] + 56000(1+0.0225)^{-24}</math><br/> <math>= 980 \left[ \frac{1-0.58}{0.0225} \right] + 56000 \times 0.58</math><br/> <math>= ₹(18293.33 + 32480) = ₹50773.33</math></p> <p style="text-align: center;"><b>अथवा</b></p>            | <p><math>\frac{1}{2}</math></p> <p><math>\frac{1}{2}</math></p> <p><b>1</b></p> <p><math>\frac{1}{2}</math></p> <p><math>\frac{1}{2}</math></p> |
| <p><b>28(B).</b></p> | <p>नई मशीन की लागत <math>₹(50,000 + 30\% \times 50,000) = ₹65,000</math><br/> <math>A = \text{सिंकिंग फंड में आवश्यक राशि} ₹(65,000 - 6,000) = ₹59,000</math><br/> <math>R \left[ \frac{(1+i)^n - 1}{i} \right] = A</math><br/> <math>R \left[ \frac{(1.06)^8 - 1}{0.06} \right] = 59000</math><br/> <math>R \left[ \frac{1.6 - 1}{0.06} \right] = 59000</math><br/> <math>\Rightarrow R = \frac{59000 \times 0.06}{0.6} = ₹5900</math></p> <p>अतः, वार्षिक भुगतान की आवश्यक राशि = ₹5900</p>   | <p><math>\frac{1}{2}</math></p> <p><math>\frac{1}{2}</math></p> <p><b>1</b></p> <p><b>1</b></p>   |
| <p><b>29.</b></p>    | <p>मान लीजिए कि टैंक को भरने का कुल समय <math>t</math> मिनट है। इसलिए प्रश्न के अनुसार, पाइप A <math>(t - 10)</math> मिनट के लिए खुला है, पाइप C <math>(t - 10)</math> मिनट के लिए खुला है, पाइप B 10 मिनट के लिए खुला है। प्रति मिनट किए गए कार्य का उपयोग करते हुए, हमें प्राप्त होता है <math>\frac{t-10}{30} + \frac{10}{60} + \frac{t-10}{120} = 1 \Rightarrow \frac{5t-30}{120} = 1</math><br/> <math>\Rightarrow 5t = 150 \Rightarrow t = 30 \text{ मिनट}</math><br/> <math>\therefore</math> टैंक को भरने में 30 मिनट लगेंगे।</p>   | <p><b>1</b></p> <p><math>1 + \frac{1}{2}</math></p> <p><math>\frac{1}{2}</math></p>   |
| <p><b>30.</b></p>    | <p><math>H_0: \mu = 1.84</math> सेमी (मशीन ठीक से काम कर रही है)<br/> <math>H_1: \mu \neq 1.84</math> सेमी (मशीन ठीक से काम कर रही है)</p> <p>नमूने के लिए: <math>\bar{x} = 1.85</math> सेमी तथा <math>s = \sqrt{0.0064} = 0.08</math> सेमी<br/> <math>\alpha = 0.05</math> तथा <math>df = 15</math> पर</p> $t = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}} = \frac{1.85 - 1.84}{\frac{0.08}{\sqrt{16}}} = \frac{0.01}{0.08} \times 4 = 0.5$ <p><math>\alpha = 0.05</math> और <math>df = 15</math> पर<br/> <math>t_{cal} = 0.5 &lt; t_{क्रिटिकल} = 2.131</math></p> <p>शून्य परिकल्पना स्वीकार की जाती है, नमूना माध्य और जनसंख्या माध्य के बीच कोई महत्वपूर्ण अंतर नहीं है, इसलिए मशीन ठीक से काम कर रही है।</p> | <p><math>\frac{1}{2}</math></p> <p><math>\frac{1}{2}</math></p> <p><b>1</b></p> <p><math>\frac{1}{2}</math></p> <p><math>\frac{1}{2}</math></p> |

|            |  |  |
|------------|--|--|
| <b>31.</b> | <p>मान लीजिए कि प्रतिदिन उत्पादित उत्पाद A की इकाइयों की संख्या <math>x</math> है और प्रतिदिन उत्पादित उत्पाद B की इकाइयों की संख्या <math>y</math> है</p> <p>निम्न व्यवरोधों के अंतर्गत:</p> $4x + 6y \leq 500$ $x \leq 80$ $y \leq 60,$ $x \geq 0, y \geq 0$ <p>उद्देश्य लाभ को अधिकतम करना है, जो इस प्रकार है:</p> $Z = 30x + 40y$ | <p>} <math>\frac{1}{2}</math></p> <p><math>\frac{1}{2}</math></p> <p>1</p> |
|------------|--|--|

**खंड -घ**  
[इस खंड में 5 अंकों के दीर्घ उत्तरीय प्रश्नों (LA) का समाधान शामिल है]

| <b>32(A).</b> | <p>मान लीजिए कि उत्पादन प्रबंधक पेनगो की स्ट्रिप्स (10 टेबलेट की) की <math>x</math> संख्या, एक्स-प्रीन की स्ट्रिप्स (10 टेबलेट की) की <math>y</math> संख्या और रिलैक्सो की स्ट्रिप्स (10 टेबलेट की) की <math>z</math> संख्या बनाता है। हमें प्रश्न से निम्नलिखित जानकारी मिलती है</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th></th> <th>पेनगो</th> <th>एक्स-प्रीन</th> <th>रिलैक्सो</th> <th>उपलब्धता</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>A</td> <td><math>2x</math></td> <td><math>4y</math></td> <td><math>z</math></td> <td>16000</td> </tr> <tr> <td>C</td> <td><math>3x</math></td> <td><math>y</math></td> <td><math>2z</math></td> <td>10000</td> </tr> <tr> <td>D</td> <td><math>x</math></td> <td><math>3y</math></td> <td><math>3z</math></td> <td>16000</td> </tr> </tbody> </table> <p>तालिका से हमें मिलता है</p> $2x + 4y + z = 16000 \text{ -----(1)}$ $3x + y + 2z = 1000 \text{ ----- (2)}$ $x + 3y + 3z = 16000 \text{ ----- (3)}$ <p>उपरोक्त समीकरण प्रणाली का मैट्रिक्स प्रतिनिधित्व है</p> $\begin{bmatrix} 2 & 4 & 1 \\ 3 & 1 & 2 \\ 1 & 3 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 16000 \\ 10000 \\ 16000 \end{bmatrix}$ <p>या <math>AX = B</math></p> <p>क्योंकि <math> A  = 2(3 - 6) - 4(9 - 2) + 1(9 - 1) = -6 - 28 + 8 = -26 \neq 0</math></p> <p>इस प्रकार एक <math>A^{-1}</math> का अस्तित्व है, ताकि <math>AX=B</math> का अद्वितीय हल <math>X = A^{-1}B</math> है</p> <p>यहाँ <math>\text{adj}A = \begin{bmatrix} -3 &amp; -9 &amp; 7 \\ -7 &amp; 5 &amp; -1 \\ 8 &amp; -2 &amp; -10 \end{bmatrix}</math></p> $A^{-1} = \frac{1}{ A } (\text{adj} A) = \frac{1}{-26} \begin{bmatrix} -3 & -9 & 7 \\ -7 & 5 & -1 \\ 8 & -2 & -10 \end{bmatrix}$ $X = A^{-1}B = \frac{1}{-26} \begin{bmatrix} -3 & -9 & 7 \\ -7 & 5 & -1 \\ 8 & -2 & -10 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 16000 \\ 10000 \\ 16000 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1000 \\ 3000 \\ 2000 \end{bmatrix}$ <p>इसलिए, पेनगो, एक्स-प्रीन और रिलैक्सो की स्ट्रिप्स की संख्या क्रमशः 1000, 3000 और 2000 है</p> <p style="text-align: center;"><b>अथवा</b></p> |            | पेनगो    | एक्स-प्रीन | रिलैक्सो | उपलब्धता | A | $2x$ | $4y$ | $z$ | 16000 | C | $3x$ | $y$ | $2z$ | 10000 | D | $x$ | $3y$ | $3z$ | 16000 | <p><math>\frac{1}{2}</math></p> <p>1</p> <p><math>\frac{1}{2}</math></p> <p><math>\frac{1}{2}</math></p> <p>1</p> |
|---------------|---|------------|----------|------------|----------|----------|---|------|------|-----|-------|---|------|-----|------|-------|---|-----|------|------|-------|---|
|               | पेनगो   | एक्स-प्रीन | रिलैक्सो | उपलब्धता   |          |          |   |      |      |     |       |   |      |     |      |       |   |     |      |      |       |   |
| A             | $2x$  | $4y$       | $z$      | 16000      |          |          |   |      |      |     |       |   |      |     |      |       |   |     |      |      |       |   |
| C             | $3x$  | $y$        | $2z$     | 10000      |          |          |   |      |      |     |       |   |      |     |      |       |   |     |      |      |       |   |
| D             | $x$   | $3y$       | $3z$     | 16000      |          |          |   |      |      |     |       |   |      |     |      |       |   |     |      |      |       |   |

| <p><b>32(B).</b></p> | <p>संतुलन की स्थिति के तहत,<br/>बाज़ार A के लिए<br/><math>82 - 3p_A + p_B = -5 + 15p_A \Rightarrow 18p_A - p_B = 87</math></p> <p>बाज़ार B के लिए<br/><math>92 + 2p_A - 4p_B = -6 + 32p_B \Rightarrow 2p_A - 36p_B = -98</math></p> <p>अब, <math> D  = -646,  D_A  = -3230,  D_B  = -1938</math></p> <p><math>P_A = \frac{ D_A }{ D } = \frac{-3230}{-646} = 5</math></p> <p><math>p_B = \frac{ D_B }{ D } = \frac{-1938}{-646} = 3</math></p>   | <p>1½</p> <p>1</p> <p>1 ½</p> <p>½</p> <p>½</p>       |                                  |               |                          |      |                          |      |     |    |   |       |      |      |      |    |   |       |       |      |      |   |   |     |       |      |      |   |   |      |       |      |      |   |   |      |       |       |      |   |    |     |  |  |
|----------------------|--|---|----------------------------------|---------------|--------------------------|------|--------------------------|------|-----|----|---|-------|------|------|------|----|---|-------|-------|------|------|---|---|-----|-------|------|------|---|---|------|-------|------|------|---|---|------|-------|-------|------|---|----|-----|--|--|
| <p><b>33.</b></p>    | <p>लाभ = राजस्व - लागत <math>\Rightarrow \frac{dP}{dx} = \frac{dR}{dx} - \frac{dC}{dx}</math><br/> <math>\Rightarrow \frac{dP}{dx} = MR - MC \Rightarrow -81 + 36x - 3x^2 = 0</math></p> <p>अधिकतम लाभ के लिए <math>\frac{dP}{dx} = 0 \Rightarrow -81 + 36x - 3x^2 = 0 \Rightarrow x = 3</math> अथवा 9</p> <p>अब <math>x=9</math> पर, <math>\frac{d^2P}{dx^2} = 36 - 6x = 36 - 54 &lt; 0</math>,</p> <p>इसलिए P, <math>x=9</math> पर अधिकतम है</p> <p>चूँकि <math>\frac{dP}{dx} = -81 + 36x - 3x^2 \Rightarrow P = \int (-81 + 36x - 3x^2) dx + c</math><br/> <math>\Rightarrow P = -81x + 18x^2 - x^3 + c</math></p> <p>जब <math>x=0, P=0 \Rightarrow c=0</math></p> <p><math>\Rightarrow P = -81x + 18x^2 - x^3</math> और <math>x=9</math> पर, <math>P = -729 + 2(729) - 729 = 0</math></p> <p>लाभ अधिकतम करने वाले आउटपुट निर्गम पर कुल लाभ 0 है।</p>   | <p>1</p> <p>1</p> <p>½</p> <p>1</p> <p>½</p> <p>1</p> |                                  |               |                          |      |                          |      |     |    |   |       |      |      |      |    |   |       |       |      |      |   |   |     |       |      |      |   |   |      |       |      |      |   |   |      |       |       |      |   |    |     |  |  |
| <p><b>34(A)</b></p>  | <p>2019 को मध्य वर्ष मान लीजिए, i.e., <math>A = 2019</math><br/>वर्ष चावल उत्पादन (मिलियन टन) रुझान मूल्य</p> <table border="1" data-bbox="236 1462 1305 1821"> <thead> <tr> <th>वर्ष (<math>x_i</math>)</th> <th>चावल उत्पादन (मिलियन टन) (<math>Y</math>)</th> <th><math>X = x_i - A</math></th> <th><math>X^2</math></th> <th><math>XY</math></th> <th>रुझान मूल्य <math>Y = a + bX</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>2017</td> <td>9.5</td> <td>-2</td> <td>4</td> <td>-19.0</td> <td>9.40</td> </tr> <tr> <td>2018</td> <td>10.0</td> <td>-1</td> <td>1</td> <td>-10.0</td> <td>10.02</td> </tr> <tr> <td>2019</td> <td>10.5</td> <td>0</td> <td>0</td> <td>0.0</td> <td>10.64</td> </tr> <tr> <td>2020</td> <td>11.2</td> <td>1</td> <td>1</td> <td>11.2</td> <td>11.26</td> </tr> <tr> <td>2021</td> <td>12.0</td> <td>2</td> <td>4</td> <td>24.0</td> <td>11.88</td> </tr> <tr> <td>Total</td> <td>53.2</td> <td>0</td> <td>10</td> <td>6.2</td> <td></td> </tr> </tbody> </table> <p><math>a = \frac{\sum Y}{n} = \frac{53.2}{5} = 10.64</math></p> <p><math>b = \frac{\sum XY}{\sum X^2} = \frac{6.2}{10} = 0.62</math></p> <p><math>\therefore</math> प्रवृत्ति समीकरण है <math>y = 10.64 + 0.62x</math><br/>वर्ष 2025 के लिए; <math>y = 10.64 + 0.62(6) = 14.36</math> मिलियन टन</p> <p style="text-align: center;">अथवा</p> | वर्ष ( $x_i$ )  | चावल उत्पादन (मिलियन टन) ( $Y$ ) | $X = x_i - A$ | $X^2$                    | $XY$ | रुझान मूल्य $Y = a + bX$ | 2017 | 9.5 | -2 | 4 | -19.0 | 9.40 | 2018 | 10.0 | -1 | 1 | -10.0 | 10.02 | 2019 | 10.5 | 0 | 0 | 0.0 | 10.64 | 2020 | 11.2 | 1 | 1 | 11.2 | 11.26 | 2021 | 12.0 | 2 | 4 | 24.0 | 11.88 | Total | 53.2 | 0 | 10 | 6.2 |  | <p>3 सही तालिका के लिए अंक</p> <p>½</p> <p>½</p> <p>½</p> <p>½</p> |
| वर्ष ( $x_i$ )       | चावल उत्पादन (मिलियन टन) ( $Y$ )   | $X = x_i - A$   | $X^2$                            | $XY$          | रुझान मूल्य $Y = a + bX$ |      |                          |      |     |    |   |       |      |      |      |    |   |       |       |      |      |   |   |     |       |      |      |   |   |      |       |      |      |   |   |      |       |       |      |   |    |     |  |  |
| 2017                 | 9.5  | -2  | 4                                | -19.0         | 9.40                     |      |                          |      |     |    |   |       |      |      |      |    |   |       |       |      |      |   |   |     |       |      |      |   |   |      |       |      |      |   |   |      |       |       |      |   |    |     |  |  |
| 2018                 | 10.0   | -1  | 1                                | -10.0         | 10.02                    |      |                          |      |     |    |   |       |      |      |      |    |   |       |       |      |      |   |   |     |       |      |      |   |   |      |       |      |      |   |   |      |       |       |      |   |    |     |  |  |
| 2019                 | 10.5   | 0   | 0                                | 0.0           | 10.64                    |      |                          |      |     |    |   |       |      |      |      |    |   |       |       |      |      |   |   |     |       |      |      |   |   |      |       |      |      |   |   |      |       |       |      |   |    |     |  |  |
| 2020                 | 11.2   | 1   | 1                                | 11.2          | 11.26                    |      |                          |      |     |    |   |       |      |      |      |    |   |       |       |      |      |   |   |     |       |      |      |   |   |      |       |      |      |   |   |      |       |       |      |   |    |     |  |  |
| 2021                 | 12.0   | 2   | 4                                | 24.0          | 11.88                    |      |                          |      |     |    |   |       |      |      |      |    |   |       |       |      |      |   |   |     |       |      |      |   |   |      |       |      |      |   |   |      |       |       |      |   |    |     |  |  |
| Total                | 53.2   | 0   | 10                               | 6.2           |                          |      |                          |      |     |    |   |       |      |      |      |    |   |       |       |      |      |   |   |     |       |      |      |   |   |      |       |      |      |   |   |      |       |       |      |   |    |     |  |  |

| 34(B) | महीना   | वाहनों की संख्या<br>(हजारों में) | 3 महीने का मूविंग<br>टोटल | 3-माह का मूविंग<br>औसत | 3 अंक<br>सही<br>तालिका<br>के लिए |
|-------|---------|----------------------------------|---------------------------|------------------------|----------------------------------|
|       | मार्च   | 30                               | -                         | -                      |                                  |
|       | अप्रैल  | 35                               | 103                       | 34.33                  |                                  |
|       | मई      | 38                               | 109                       | 36.33                  |                                  |
|       | जून     | 36                               | 114                       | 38.00                  |                                  |
|       | जुलाई   | 40                               | 118                       | 39.33                  |                                  |
|       | अगस्त   | 42                               | 121                       | 40.33                  |                                  |
|       | सितम्बर | 39                               | 126                       | 42.00                  |                                  |
|       | अक्टूबर | 45                               | 132                       | 44.00                  |                                  |
|       | नवंबर   | 48                               | 140                       | 46.67                  |                                  |
|       | दिसम्बर | 47                               | -                         | -                      |                                  |

सही तालिका के लिए

2

|     |  |   |
|-----|--|---|
| 35. | <p>ऋण राशि <math>P = ₹(10,00,000 - 2,00,000) = ₹8,00,000</math></p> $i = \frac{10}{12 \times 100} = 0.0083$ $n = 5 \times 12 = 60$ <p>ईएमआई <math>= \frac{P \times i \times (1+i)^n}{(1+i)^n - 1}</math></p> $= \frac{800000 \times 0.0083 \times (1+0.0083)^{60}}{(1+0.0083)^{60} - 1}$ $= \frac{800000 \times 0.0083 \times 1.64}{1.64 - 1} = ₹17,015$ <p>भुगतान किया गया ब्याज <math>= n \times EMI - P</math></p> $= ₹(17,015 \times 60 - 8,00,000)$ $= ₹(10,20,900 - 8,00,000) = ₹2,20,900$ | <p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1</p> <p>1 1/2</p> <p>1</p> |
|-----|--|---|

### खंड ड

[इस खंड में 3 केस-स्टडी/पैसेज-आधारित प्रश्नों के हल शामिल हैं, जिनमें से प्रत्येक के लिए 4 अंक हैं। पहले दो केस स्टडी प्रश्नों के हल में तीन उप-भाग (i), (ii), (iii) हैं, जिनके लिए क्रमशः 1, 1 और 2 अंक हैं। तीसरे केस स्टडी प्रश्न के हल में दो उप-भाग हैं, जिनमें से प्रत्येक के लिए 2 अंक हैं।]

|     |  |  |
|-----|--|--|
| 36. | <p>यहाँ, <math>\mu = 75, \sigma = 8, n = 500</math></p> <p>(i) <math>X = 75, Z = \frac{X - \mu}{\sigma} = \frac{75 - 75}{8} = 0</math></p> $P(X < 75) = P(Z < 0) = 0.5$ <p>75 से कम अंक पाने वाले छात्र = 50%</p> <p>(ii) <math>X = 82, Z = \frac{82 - 75}{8} = 0.875</math> के लिए</p> $P(X > 82) = P(Z > 0.875) = 1 - P(Z < 0.875) = 1 - 0.8092 = 0.1908$ <p><math>\therefore</math> आवश्यक छात्रों की संख्या <math>= 0.1908 \times 500 = 95.4 \approx 95</math></p> | <p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1/2</p> |
|-----|--|--|

|                   |  |  |
|-------------------|--|--|
|                   | <p>(iii) (A) <math>X = 67</math> के लिए, <math>Z = \frac{67-75}{8} = -1</math> }<br/> <math>X = 67</math> के लिए, <math>Z = \frac{67-75}{8} = -1</math> }<br/> <math>X = 83</math> के लिए, <math>Z = \frac{83-75}{8} = 1</math><br/> <math>P(67 &lt; X &lt; 83) = P(-1 &lt; Z &lt; 1)</math><br/> <math>P(Z &lt; 1) - P(Z &lt; -1)</math><br/> <math>= 0.8413 - 0.1587 = 0.6826</math><br/> छात्रों की आवश्यक संख्या = <math>0.6826 \times 500 = 341.3 \approx 341</math></p> <p style="text-align: center;"><b>अथवा</b></p> <p>(B) शीर्ष 10% , 90वें प्रतिशतक के अनुरूप है।<br/> <math>\Rightarrow Z = \frac{X - \mu}{\sigma} = 1.28</math><br/> <math>\Rightarrow \frac{X - 75}{8} = 1.28</math><br/> <math>\Rightarrow X = 85.24 \approx 85</math></p> <p>∴ छात्रवृत्ति के लिए अर्हता प्राप्त करने के लिए आवश्यक न्यूनतम अंक 85 अंक हैं।</p>  | <p>1/2</p> <p>1</p> <p>1/2</p> <p>1</p> <p>1</p>                     |
| <p><b>37.</b></p> | <p>(i) <math>p_d = a + bx</math><br/> <math>\Rightarrow 20 = a + 400b \dots (i)</math><br/> तथा <math>25 = a + 200b \dots (ii)</math> }<br/> (i) और (ii) को हल करने पर, हमें प्राप्त होता है <math>a = 30, b = \frac{-1}{40}</math><br/> ∴ <math>p_d = 30 - \frac{1}{40}x</math></p> <p>(ii) संतुलन के लिए, <math>p_d = p_s</math><br/> <math>\Rightarrow 30 - \frac{1}{40}x = -15 + \frac{x}{20}</math><br/> ∴ <math>x = 600</math><br/> संतुलन मूल्य = <math>30 - \frac{1}{40} \times 600 = ₹15</math></p> <p>(iii)<br/> (A) उपभोक्ता अधिशेष = <math>\int_0^{600} (30 - \frac{1}{40}x) dx - 600 \times 15</math><br/> <math>= [30x - \frac{1}{80}x^2]_0^{600} - 9000</math><br/> <math>= 13500 - 9000 = 4500</math><br/> ∴ उपभोक्ता अधिशेष = ₹4500</p> <p style="text-align: center;"><b>अथवा</b></p> <p>(B) उत्पादक अधिशेष = <math>600 \times 15 - \int_0^{600} (-15 + \frac{x}{20}) dx</math><br/> <math>= 9000 - [-15x + \frac{1}{40}x^2]_0^{600}</math><br/> <math>= 9000 - (-9000 + 9000) = 9000</math><br/> ∴ उत्पादक अधिशेष = ₹9000</p> | <p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1/2</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> <p>1</p> |

38.

(i) माना कि 25 किमी/घंटा की गति से व्यक्ति द्वारा तय की गई दूरी को  $x$  से दर्शाया गया है तथा 40 किमी/घंटा की गति से व्यक्ति द्वारा तय की गई दूरी को  $y$  से दर्शाया गया है।

रैखिक प्रोग्रामिंग समस्या है।

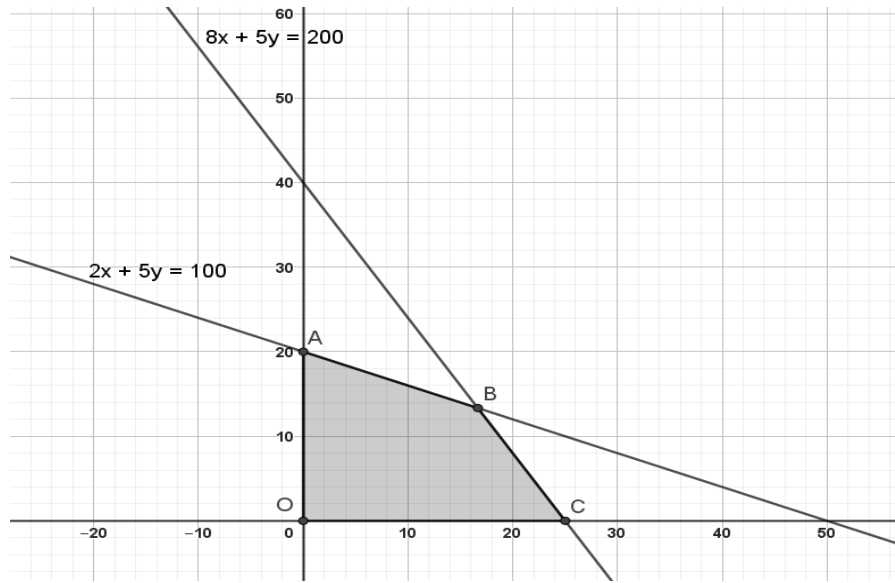
$$\text{व्यवरोधों } \frac{x}{25} + \frac{y}{40} \leq 1 \text{ i.e., } 8x + 5y \leq 200$$

$$2x + 5y \leq 100$$

$$x \geq 0, y \geq 0$$

के अंतर्गत उद्देश्य फलन  $Z = x + y$  को अधिकतम कीजिए।

(i)



(ii)

| कोने के बिन्द                              | $z$ का मान |
|--|------------|
| $O(0,0)$                                   | 0          |
| $A(0,20)$                                  | 20         |
| $B\left(\frac{50}{3}, \frac{40}{3}\right)$ | 30         |
| $C(25,0)$                                  | 25         |

इस प्रकार, एक व्यक्ति एक घंटे के भीतर अधिकतम 30 किमी की दूरी तय कर सकता है।

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

$1\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$